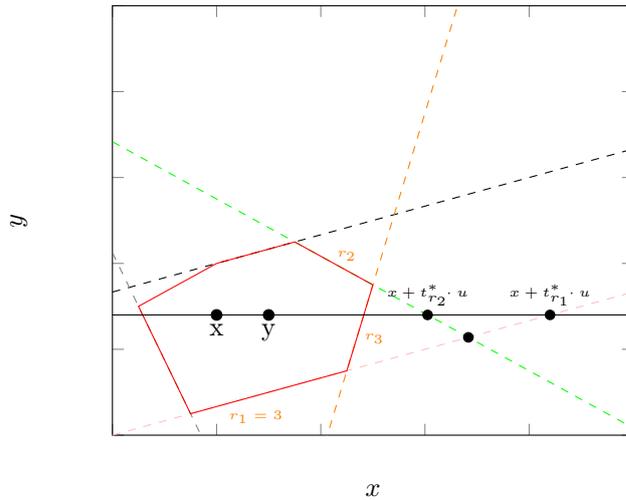


n.z.z.: $x + t^{**}u \in M$.

dazu: Sei r_1 eine verletzte Restriktion, wie in (1) betrachtet ($k = r_1$).



Wir können zu jeder Restriktion eine Funktion für t definieren. Für die r_1 -te Restriktion ist sie:

$$f_{r_1}(t) := \langle A_{r_1}, x + t \cdot u \rangle.$$

Damit gilt:

$$\left. \begin{array}{l} f_{r_1}(0) = \langle A_{r_1}, x \rangle < b_{r_1} \\ f_{r_1}(t_{r_1}) > b_{r_1} \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{l} \exists t_{r_1}^* : \langle A_{r_1}, x + t_{r_1}^* \cdot u \rangle = b_{r_1} \text{ und} \\ t_{r_1}^* \in [0, t_{r_1}] \text{ oder } t_{r_1}^* \in [t_{r_1}, 0]. \end{array}$$

Dies bedeutet, dass die r_1 - Restriktion für den Punkt $x + t_{r_1}^* u$ eine aktive Restriktion ist, d.h.

$$r_1 \in \mathbb{I}(x + t_{r_1}^* \cdot u).$$

Angenommen: $x + t_{r_1}^* \cdot u \notin M$.

Dann folgt: $\exists r_2 \neq r_1$ und $\langle A_{r_2}, x + t_{r_1}^* \cdot u \rangle > b_{r_2}$.

Damit haben wir: $f_{r_2}(0) < b_{r_2}$ und $f_{r_2}(t_{r_1}^*) > b_{r_2}$.

Folglich gilt:

$$\begin{array}{l} \exists t_{r_2}^* (t_{r_2}^* \in [0, t_{r_1}^*], \text{ bzw. } t_{r_2}^* \in [t_{r_1}^*, 0]), \text{ d.h. } |t_{r_1}^*| \geq |t_{r_2}^*| \\ \text{und } f_{r_2}(t_{r_2}^*) = \langle A_{r_2}, x + t_{r_2}^* \cdot u \rangle = b_{r_2}. \end{array}$$

Das bedeutet, dass die r_2 -te Restriktion für den Punkt $x + t_{r_2}^* u$ aktiv ist.

(Natürlich sind alle Indizes aus $\mathbb{I}(x)$ auch aktiv für diesen Punkt.)

Damit erhalten wir die Folge von r 's:

$$\begin{array}{l} r_1, r_2, r_3, \dots \quad \text{mit} \\ |t_{r_1}^*| > |t_{r_2}^*| > |t_{r_3}^*| > \dots \end{array}$$

Dieser Prozess ist endlich, weil:

- M endlich viele Restriktionen hat und
- g jede Restriktion r_i mit $r_i \notin \mathbb{I}(x)$ höchstens ein mal schneidet.

Somit folgt, dass es eine Restriktion, etwa r_n -te, gibt mit $|t_1^*| > \dots > |t_{r_n}^*|$ und $x + t_{r_n}^* \cdot u \in M$.