

Satz

Sei $\mathcal{L}(A, y) := \{x \in \mathbb{R}^n : Ax = y\}$, dann gilt:

1. $\mathcal{L}(A, 0) = \ker A$

2. Sei $x_0 \in \mathcal{L}(A, y)$, dann gilt

$$\underbrace{\mathcal{L}(A, y)}_{\text{allgemeine Lsg der inhom. Gl.}} = \underbrace{x_0}_{\text{partikuläre Ksg der hom. Gl.}} + \underbrace{\ker A}_{\text{allgem. Lsg. der homog. Gl.}}$$

3. $\dim \mathcal{L}(A, y) = \dim \ker A = n - \dim \operatorname{im} A = n - \operatorname{rang} A$

die tolle Tabelle gibt's unter

<http://www.informatik.hu-berlin.de/~nitschke/>

Definition

Eine Lösungseigenschaft einer Gleichung heißt generisch, wenn sie für "fast jede" Wahl der Daten der Gleichung eintritt.