

Theoretische Informatik III

1. Serie

Abgabe bis zum 22. April 2003

Aufgabe 1

[8 Punkte]

Geben Sie ein verständlich kommentiertes RAM-Programm an, das folgenden Algorithmus emuliert:

Eingabe n

```
FOR  $i = 2$  TO  $n$   
  prim[ $i$ ]  $\leftarrow 1$   
ENDFOR
```

```
FOR  $i = 2$  TO  $n$   
  FOR  $j = 2$  TO  $n$   
    IF  $i \cdot j \leq n$  THEN PRIM[ $ij$ ]  $\leftarrow 0$   
  ENDFOR  
ENDFOR
```

Ausgabe prim[n]

Aufgabe 2

[4+4+4+0 Punkte]

Sind die folgenden Booleschen Formeln F für jedes $n \geq 2$ erfüllbar? Begründen Sie ihre Antwort.

a) Sei $1 \leq k \leq n$.

$$F_k = \overline{x_k} \bigwedge_{\substack{i,j \\ 1 \leq i < j \leq n}} (x_i \vee x_j)$$

b) $F = F_1 \wedge F_2$, wobei F_1 und F_2 wie in a) definiert sind.

c)

$$F = \left(\bigvee_{1 \leq i \leq n} x_i \right) \wedge \left(\bigvee_{1 \leq i \leq n} \overline{x_i} \right) \wedge (x_n \vee \overline{x_1}) \wedge \bigwedge_{1 \leq i < n} (x_i \vee \overline{x_{i+1}})$$

d) (mündlich)

Das Problem SAT ist wie folgt definiert:

Eingabe: eine Boolesche Formel $F(x_1, \dots, x_n)$

Gefragt: Ist F erfüllbar?

Finden Sie einen möglichst schnellen Algorithmus (gemessen an der Anzahl n der Variablen) für das SAT-Problem.